

ಕೆ.ಎಸ್.ಇ.ಇ.ಬಿ., ಮಲ್ಲೇಶ್ವರಂ, ಬೆಂಗಳೂರು
ಎಸ್.ಎಸ್.ಎಲ್.ಸಿ. ಮಾದರಿ ಪ್ರಶ್ನೆಪತ್ರಿಕೆ-2 (2015)

ಗಣಿತ

ಗರಿಷ್ಠ ಅಂಕಗಳು: 80

ಅವಧಿ: 2 ಘಂಟೆ 45 ನಿಮಿಷ

ಒಟ್ಟು ಪ್ರಶ್ನೆಗಳು: 40

ವಿಷಯ ಸಂಕೇತ : 81K

ಕೆಳಗಿನ ಪ್ರಶ್ನೆಗಳಿಗೆ ನಾಲ್ಕು ಪರ್ಯಾಯ ಉತ್ತರಗಳನ್ನು ಕೊಡಲಾಗಿದೆ. ಅವುಗಳಲ್ಲಿ ಹೆಚ್ಚು ಸೂಕ್ತವಾದ ಮತ್ತು ಸರಿಯಾದ ಉತ್ತರವನ್ನು ಆರಿಸಿ, ಉತ್ತರಕ್ಕೆ ಕೊಟ್ಟಿರುವ ಜಾಗದಲ್ಲಿಯೇ ಕ್ರಮಾಕ್ಷರದೊಡನೆ ಉತ್ತರವನ್ನು ಬರೆಯಿರಿ.

1 × 8 = 8

1. $(1 + \cos\theta)(1 - \cos\theta)$ ಗೆ ಸಮನಾದುದು.

(a) $\sin^2\theta$

(b) $\tan^2\theta$

(c) 1

(d) 0

2. $P = \{2, 3, 4\}$ ಮತ್ತು $Q = \{3, 5, 7\}$ ಆದಾಗ $P/Q =$

(a) $\{3, 7\}$

(b) $\{2, 4\}$

(c) $\{3\}$

(d) $\{2, 4, 3, 7\}$

3. $nP_2 = 90$ ಆದಾಗ n ಗೆ ಸಮನಾದುದು.

(a) 90

(b) 45

(c) 20

(d) 10

4. $x = 1$ ಇದು $f(x) = x^3 - 2x^2 + 4x + K$ ಈ ಬಹುಪದೋಕ್ತಿಯ ಶೂನ್ಯತೆಯಾದರೆ, K ಯ ಬೆಲೆಯು,

(a) -3

(b) 3

(c) 4

(d) -4

5. $\sin A \cdot \cos A \cdot \tan A + \cos A \cdot \sin A \cdot \cot A$ ಗೆ ಸಮನಾದುದು.

(a) $\sin^2 A - \cos^2 A$

(b) $\tan^2 A + \cot^2 A$

(c) $\sin^2 A + \cos^2 A$

(d) $\sin^2 A + \tan^2 A$

6. ಕೊಟ್ಟಿರುವ ಚಿತ್ರದಲ್ಲಿ APB ಒಂದು ಸ್ಪರ್ಶಕ. P ಸ್ಪರ್ಶಬಿಂದು. PQ

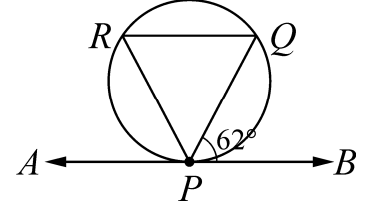
ಒಂದು ಜ್ಯಾ. $\angle BPQ = 62^\circ$ ಆದರೆ $\angle PRQ =$

(a) 28°

(b) 118°

(c) 124°

(d) 62°



7. $1 + 2 + 3 + \dots + n = 78$ ಆದಾಗ n ನ ಬೆಲೆಯು

(a) 13

(b) 12

(c) 11

(d) 16

8. $\sqrt[3]{2}$ ಮತ್ತು $\sqrt{2}$ ಇವುಗಳ ಗುಣಲಬ್ಧವು

(a) $\sqrt[3]{72}$

(b) $\sqrt[3]{24}$

(c) $\sqrt[3]{16}$

(d) $\sqrt[3]{4}$

II

1 ಅಂಕ \times 6 = 6

9. ಯುಕ್ಲೆಡ್‌ನ ಭಾಗಾಕಾರ ಅಲ್ಗಾರಿಥಂ ಉಪಯೋಗಿಸಿಕೊಂಡು 65 ಮತ್ತು 117ರ ಮ.ಸಾ.ಅ. ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

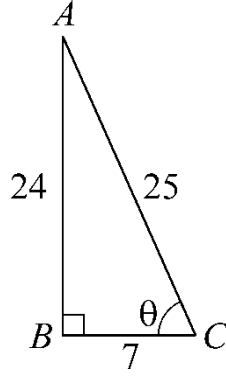
10. ಒಂದು ದಾಳವನ್ನು ಉರುಳಿಸಿದೆ ಒಂದು ವರ್ಗ ಸಂಖ್ಯೆಯನ್ನು ಪಡೆಯುವ ಸಂಭವನೀಯತೆ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

11. ಆಯ್ಲರ್‌ನ ಸೂತ್ರ ಉಪಯೋಗಿಸಿ ತಾಳೆ ನೋಡಿ : $N = 6$, $R = 6$, $A = 10$.

12. ಷಣ್ಮುಖಿ ಘನಾಕೃತಿಗೆ ಆಯ್ಲರ್‌ನ ಸೂತ್ರದೊಂದಿಗೆ ತಾಳೆ ನೋಡಿ.

13. ಒಂದು ಸಿಲಿಂಡರ್‌ನ ಎತ್ತರ 14 cm, ಮತ್ತು ತ್ರಿಜ್ಯ 2 cm. ಆದಾಗ ಅದರ ವಕ್ರಮೇಲ್ಮೈ ವಿಸ್ತೀರ್ಣವನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

14. ಕೊಟ್ಟಿರುವ ಚಿತ್ರವನ್ನು ಉಪಯೋಗಿಸಿಕೊಂಡು $\sin \theta$ ಮತ್ತು $\cos \theta$ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.



$AB = 24$ ಮಾನಗಳು $AC = 25$ ಮಾನಗಳು and $BC = 7$ ಮಾನಗಳು

III

2 ಅಂಕಗಳು $\times 16 = 32$

15. $\sqrt{3} + \sqrt{2}$ ಒಂದು ಅಭಾಗಲಬ್ಧ ಸಂಖ್ಯೆ ಎಂಬುದನ್ನು ಸಾಧಿಸಿ.

16. $U = \{4, 8, 12, 16, 20, 24, 28\}$, $A = \{8, 16, 24\}$, ಮತ್ತು $B = \{4, 16, 20, 28\}$ ಆದಾಗ

$(A \cup B)' = A' \cap B'$ ಎಂಬುದನ್ನು ತಾಳೆ ನೋಡಿ.

17. ಎರಡು ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ಸಮಾಂತರ ಮಾಧ್ಯ 17 ಮತ್ತು ಗುಣೋತ್ತರ ಮಾಧ್ಯ 15 ಆದಾಗ ಆ ಸಂಖ್ಯೆಗಳನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

18. ಒಂದು ಗುಣೋತ್ತರ ಶ್ರೇಣಿಯಲ್ಲಿ ಮೊದಲ ಪದ 50 ಮತ್ತು ನಾಲ್ಕನೇ ಪದ 1350 ಆದಾಗ ಐದನೇ ಪದವನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

19. 1, 2, 3, 4, 5, ಮತ್ತು 6 ಅಂಕಗಳನ್ನು ಪುನರಾವರ್ತಿತವಾಗಿ 3 ಅಂಕಿಯ ಎಷ್ಟು ಸಂಖ್ಯೆಗಳನ್ನು ರಚಿಸಬಹುದು ಮತ್ತು ಸಮಸಂಖ್ಯೆಯ ಎಷ್ಟು ಸಂಖ್ಯೆಗಳನ್ನು ರಚಿಸಬಹುದು?

20. $nP_r = 336$ ಮತ್ತು $nC_r = 56$ ಆದಾಗ n ಮತ್ತು r ನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

21. ಒಂದು ಬುಟ್ಟಿಯಲ್ಲಿ 6 ಕೆಂಪು, 7 ಬಿಳಿ, ಮತ್ತು 7 ಕಪ್ಪು ಚೆಂಡುಗಳಿವೆ. ಎರಡು ಚೆಂಡುಗಳನ್ನು ಯಾದೃಚ್ಛಿಕವಾಗಿ ಆರಿಸಲಾಗಿದೆ. ಎರಡು ಚೆಂಡುಗಳು ಕೆಂಪು ಆಗಿರುವ ಅಥವಾ ಎರಡೂ ಚೆಂಡುಗಳು ಕಪ್ಪು ಆಗಿರುವ ಸಂಭವನೀಯತೆಯನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

22. ಇಬ್ಬರು ಆಟಗಾರರ ನಿರ್ವಹಣೆಯನ್ನು ಕೊಟ್ಟಿದೆ. ಅವರುಗಳಲ್ಲಿ ಯಾರು ಹೆಚ್ಚು ಸ್ಥಿರತೆ ಹೊಂದಿದ್ದಾರೆ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

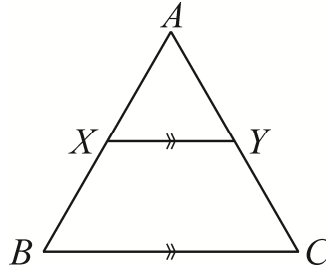
| ಆಟಗಾರರು | ಸರಾಸರಿ | ಮಾನಕ ವಿಚಲನೆ |
|---------|--------|-------------|
| ಅರುಣ್ | 70 | 4.2 |
| ಭರತ್ | 60 | 3.0 |

23. ಕೊಟ್ಟಿರುವ ದತ್ತಾಂಶಗಳಿಗೆ ಒಂದು ಫೈ ನಕ್ಷೆಯನ್ನು ರಚಿಸಿ.

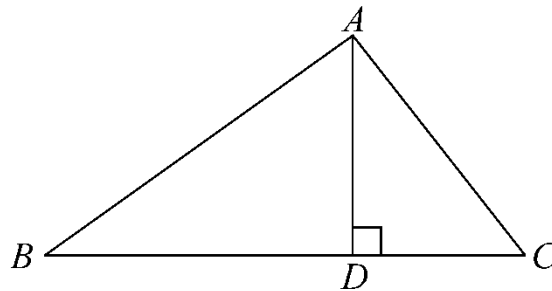
| ವಿವರ | ಹಾಸ್ಟೆಲ್ ಶುಲ್ಕ | ಕಾಲೇಜು ಶುಲ್ಕ | ಇತರೆ |
|-------------------|----------------|--------------|------|
| ಮೊತ್ತ (ರೂ.ಗಳಲ್ಲಿ) | 360 | 120 | 60 |

24. $4x^2 - 8px + 9 = 0$ ಸಮೀಕರಣದ ಮೂಲಗಳ ನಡುವಿನ ವ್ಯತ್ಯಾಸವು 4 ಆದರೆ p ನ ಬೆಲೆಯನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

25. ABC . ತ್ರಿಭುಜದಲ್ಲಿ $XY \parallel BC$ ಮತ್ತು XY ಯು ತ್ರಿಭುಜವನ್ನು ಸಮನಾದ ವಿಸ್ತೀರ್ಣವುಳ್ಳ ಎರಡು ಭಾಗಗಳನ್ನಾಗಿ ವಿಭಾಗಿಸುತ್ತದೆ. $BX : AB$ ಯನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ. [$\Delta ABC = 2\Delta AXY$]



26. ಕೊಟ್ಟಿರುವ ಚಿತ್ರದಲ್ಲಿ $AD \perp BC$. ಆದರೆ, $AB^2 + CD^2 = BD^2 + AC^2$ ಎಂದು ಸಾಧಿಸಿ.



27. $ABCD$ ಒಂದು ವರ್ಗ(ಚೌಕ) AB ಯ ಮಧ್ಯಬಿಂದು F ಆಗಿದೆ. BE ಯು BC ಯ ಮೂರನೇ ಒಂದು ಭಾಗವಿದೆ. FBE ತ್ರಿಭುಜದ ವಿಸ್ತೀರ್ಣವು 108 cm^2 . ಆದಾಗ ಯ ಉದ್ದವನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

28. (2, 7) ಮತ್ತು (3, 6) ಮೂಲಕ ಹಾದು ಹೋಗುವ ರೇಖೆಯು (9, 9) ಮತ್ತು (11, 3)ಗಳನ್ನು ಸೇರಿಸುವ ರೇಖೆಗೆ ಸಮಾಂತರವಾಗಿದೆ. ಹಾಗಾದರೆ 'a' ನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.
29. (-3, 10) ಮತ್ತು (6, -8) ಬಿಂದುಗಳನ್ನು ಸೇರಿಸುವ ರೇಖಾಖಂಡದ ಮಧ್ಯಬಿಂದುವಿನ ನಿರ್ದೇಶಾಂಕಗಳನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.
30. 3.5 cm ತ್ರಿಜ್ಯವುಳ್ಳ ವೃತ್ತವನ್ನು ರಚಿಸಿ. ವೃತ್ತದಿಂದ 3.5 cm ದೂರದಲ್ಲಿರುವ ಬಾಹ್ಯ ಬಿಂದುವಿನಿಂದ ಒಂದು ಸ್ಪರ್ಶಕವನ್ನು ರಚಿಸಿ ಸ್ಪರ್ಶಕದ ಉದ್ದವನ್ನು ಅಳೆಯಿರಿ.

IV

3 ಅಂಕಗಳು × 6 = 18

31. ಸಮಾನಂತರ ಶ್ರೇಣಿಯಲ್ಲಿ ಮೂರನೇ ಪದವು 8 ಆಗಿದ್ದು, ಒಂಭತ್ತನೇ ಪದವು, ಮೂರನೇ ಪದದ ಮೂರರಷ್ಟಕ್ಕಿಂತ 2 ಹೆಚ್ಚು ಇದೆ. ಹಾಗಾದರೆ ಮೊದಲ 19 ಪದಗಳ ಮೊತ್ತವನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

ಅಥವಾ

ಒಂದು ಹರಾತ್ಮಕ ಶ್ರೇಣಿಯಲ್ಲಿ $T_4 = \frac{1}{11}$ ಮತ್ತು $T_{14} = \frac{3}{23}$ ಆದಾಗ T_{19} ನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

32. $(x^3 + ax^2 - bx + 10)$ ರಿಂದ $(x^2 - 3x + 2)$ ನ್ನು ಭಾಗಿಸಿದಾಗ ಬರುವ a ಮತ್ತು b ಗಳ ಬೆಲೆಗಳನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

ಅಥವಾ

ಶೇಷ ಪ್ರಮೇಯವನ್ನು ಉಪಯೋಗಿಸಿ, $P(x) = x^3 + 3x^2 - 5x + 8$ ನ್ನು $g(x) = x - 3$ ನಿಂದ ಭಾಗಿಸಿದಾಗ ಬರುವ ಶೇಷವನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ. ಹಾಗೂ ಉತ್ತರವನ್ನು ಭಾಗಾಕಾರ ಕ್ರಮದಿಂದ ತಾಳೆ ನೋಡಿ.

33. ಒಬ್ಬ ವ್ಯಕ್ತಿಯ ವಯಸ್ಸು, ತನ್ನ ಮಗನ ವಯಸ್ಸಿನ ವರ್ಗಕ್ಕಿಂತ ಎರಡರಷ್ಟಿದೆ. 8 ವರ್ಷಗಳ ನಂತರ, ವ್ಯಕ್ತಿಯ ವಯಸ್ಸು 4 ಹೆಚ್ಚಾಗಿ, ತನ್ನ ಮಗನ ವಯಸ್ಸಿಗಿಂತ ಮೂರರಷ್ಟಿದೆ. ಹಾಗಾದರೆ ಅವರ ಈಗಿನ ವಯಸ್ಸುಗಳೆಷ್ಟು?

ಅಥವಾ

ವರ್ಗಪೂರ್ಣಕ್ರಮದಿಂದ ಬಿಡಿಸಿ : $2x^2 + 5x - 3 = 0$.

$$34. \sqrt{\frac{1+\sin\theta}{1-\sin\theta}} + \sqrt{\frac{1-\sin\theta}{1+\sin\theta}} = 2\sec\theta \text{ ಎಂದು ಸಾಧಿಸಿ.}$$

ಅಥವಾ

$$\sin^2 30^\circ \cos^2 45^\circ + 4\tan^2 30^\circ + \frac{1}{2}\sin^2 90^\circ + \frac{1}{8}\cot^2 60^\circ = 2 \text{ ಎಂದು ಸಾಧಿಸಿ.}$$

$$35. \text{ ಸಂಕ್ಷೇಪಿಸಿ : } \frac{7\sqrt{3}}{\sqrt{10}-\sqrt{3}} - \frac{2\sqrt{5}}{\sqrt{6}+2}.$$

36. ಬಾಹ್ಯಬಿಂದುವಿನಿಂದ ವೃತ್ತಕ್ಕೆ ಎಳೆದ ಸ್ಪರ್ಶಕಗಳು (i) ಸಮನಾಗಿರುತ್ತದೆ. (ii) ಕೇಂದ್ರದಲ್ಲಿ ಸಮನಾದ ಕೋನಗಳನ್ನು ಉಂಟುಮಾಡುತ್ತವೆ ಎಂದು ಸಾಧಿಸಿ.

V

4 ಅಂಕಗಳು \times 4 = 16

37. ಪಾದದ ತ್ರಿಜ್ಯ 24 cm ಮತ್ತು 45 cm, ಎತ್ತರವಿರುವ ಶಂಕುವಿನ ಮೇಲ್ಭಾಗದಿಂದ 17 cm. ಓರೆ ಎತ್ತರವಿರುವ ಒಂದು ಶಂಕುವನ್ನು ಕತ್ತರಿಸಲಾಗಿದೆ. ಉಳಿದ ಭಾಗದ ಶಂಕುವಿನ ಭಿನ್ನಕದ ಘನಫಲವನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

ಅಥವಾ

(a) ಎರಡು ವೃತ್ತಾಕಾರದ ಸಿಲಿಂಡರ್‌ಗಳ ತ್ರಿಜ್ಯವು 2 : 3 ಮತ್ತು ಅವುಗಳ ವಕ್ರಮೇಲ್ಮೈ ವಿಸ್ತೀರ್ಣವು 5 : 6 ಅನುಪಾತದಲ್ಲಿದೆ. ಅವುಗಳ ಎತ್ತರದ ಅನುಪಾತವನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

(b) 3.6 cm ಎತ್ತರ ಮತ್ತು 1.6 cm ಪಾದದ ತ್ರಿಜ್ಯವಿರುವ ಒಂದು ವೃತ್ತಾಕಾರ ಶಂಕುವನ್ನು ಕರಗಿಸಿ, ಅದನ್ನು 1.2 cm ಪಾದತ್ರಿಜ್ಯವಿರುವ ವೃತ್ತಾಕಾರ ಶಂಕುವಾಗಿ ಪರಿವರ್ತಿಸಲಾಗಿದೆ. ಈಗ ಈ ಶಂಕುವಿನ ಎತ್ತರವನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

38. ಮೂಲಸಮಾನುಪಾತತೆಯ ಪ್ರಮೇಯವನ್ನು ನಿರೂಪಿಸಿ ಮತ್ತು ಸಾಧಿಸಿ.

39. $x^2 - 3x - 10 = 0$ ಸಮೀಕರಣವನ್ನು ನಕ್ಷೆಯ ಮೂಲಕ ಬಿಡಿಸಿ.

40. ಕೇಂದ್ರಗಳ ನಡುವಿನ ಅಂತರ 10 cm ಇರುವ 3 cm ಮತ್ತು 2 cm ತ್ರಿಜ್ಯವುಳ್ಳ ವೃತ್ತಗಳಿಗೆ ಒಂದು ವ್ಯುತ್ಕ್ರಮ ಸಾಮಾನ್ಯ ಸ್ಪರ್ಶಕವನ್ನು ರಚಿಸಿ. ಸ್ಪರ್ಶಕದ ಉದ್ದವನ್ನು ಅಳೆದು ಲೆಕ್ಕಾಚಾರದಿಂದ ತಾಳೆ ನೋಡಿ.

* * *